



### Юрий Алексеевич Митропольский

*(к 50-летию со дня рождения)*

3 января 1967 г. исполнилось 50 лет со дня рождения академика АН УССР, Лауреата Ленинской премии Ю. А. Митропольского.

Юрий Алексеевич Митропольский родился в селе Шишаки Полтавской губернии. После окончания семилетки с 1932 г. по 1936 г. Ю. А. Митропольский работал на заводе; в 1938 г. закончил десятилетку и поступил в Киевский университет на механико-математический факультет.

Занятия в университете были прерваны Отечественной войной. В 1942 г. Ю. А. Митропольский закончил физико-математический факультет Казахского университета и был направлен в артиллерийскую школу, откуда ушел на фронт. За боевые заслуги командир взвода артрязведки Ю. А. Митропольский награжден двумя орденами Красной Звезды.

После окончания войны и демобилизации с 1946 г. Ю. А. Митропольский работает научным сотрудником в Институте строительной механики АН УССР, и с этого момента начинается его плодотворная научная деятельность под руководством выдающегося ученого академика Н. Н. Боголюбова.

Спустя два года в 1948 г. Юрий Алексеевич успешно защитил кандидатскую диссертацию, посвященную исследованию резонансных явлений в нелинейных колебательных системах, а через три года — в 1951 г. — защитил докторскую диссертацию по актуальным проблемам нелинейной механики и математической физики — исследованиям нестационарных процессов в нелинейных колебательных системах.

С 1951 г. Ю. А. Митропольский работает в Институте математики АН УССР; с 1953 года — заведует отделом математической физики.

В 1954 г. Юрию Алексеевичу Митропольскому присваивают звание профессора.

В 1958 г. Ю. А. Митропольский избирается членом-корреспондентом АН УССР, а в 1961 г. — академиком АН УССР.

В 1958 г. Митропольский был избран директором Института математики АН УССР, который возглавляет и по настоящее время.

Юрий Алексеевич неоднократно избирался в состав Бюро Отделения физико-математических наук АН УССР, с 1961 по 1963 г. возглавлял его, а с 1963 г. является академиком-секретарем Отделения математики, механики и кибернетики, членом Президиума АН УССР.

Юрий Алексеевич Митропольский известен как выдающийся ученый в области теории колебаний и нелинейных дифференциальных уравнений. Его работы по исследованию основных проблем теории нелинейных колебаний и нелинейных дифференциальных уравнений явились важным вкладом в нелинейную механику и качественную теорию нелинейных дифференциальных уравнений.

Им опубликовано свыше 100 научных работ, в том числе 6 монографий, две из которых (одна в соавторстве с Н. Н. Боголюбовым) переведены на английский, французский, немецкий, китайский, японский языки.

Монографии Ю. А. Митропольского, особенно «Асимптотические методы в нелинейной механике» (совместно с Н. Н. Боголюбовым) и «Проблемы асимптотической теории нестационарных колебаний», широко известны и являются настольными книгами специалистов, работающих в различных областях физики и техники, связанных с теорией колебаний.

За выдающиеся достижения в области теории нелинейных колебаний и нелинейных дифференциальных уравнений Юрию Алексеичу была присуждена Ленинская премия в 1965 году.

Одной из центральных и трудных проблем теории колебаний является проблема изучения нестационарных явлений в системах с изменяющимися параметрами. С необходимостью рассмотрения этой проблемы мы сталкиваемся в широко распространенной задаче о прохождении систем через резонанс, при исследовании колебаний в системах с переменной массой и жесткостью, в задачах, связанных с колебанием мостов, подъемных кранов, находящихся под воздействием подвижных нагрузок и пульсирующих сил, при расчете траекторий ракет на активном участке, при расчете резонансных явлений в процессе ускорения частиц в синхрофазотроне и т. д.

Основываясь на идее асимптотических методов Крылова — Боголюбова, Ю. А. Митропольский разработал метод исследования нелинейных систем с медленно меняющимися параметрами. Полученные здесь алгоритмы дают возможность эффективно исследовать указанные задачи, построить асимптотические приближенные решения нелинейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами, описывающие нестационарные колебательные процессы в системах как с одной, так и со многими степенями свободы.

Следует отметить, что до работ Ю. А. Митропольского подобные задачи решались более или менее строго лишь в простейших случаях линейных колебательных систем с одной степенью свободы.

Развитые Ю. А. Митропольским методы для исследования систем с медленно меняющимися параметрами позволили ему открыть ряд новых интересных явлений в нелинейных колебательных системах с медленно меняющимися параметрами, например, ряд интересных явлений при прохождении через резонанс: затягивание амплитуды, скачки и срывы амплитуды, биения и т. д.; были изучены явления взаимного влияния параметрического резонанса и обычного во время нестационарного процесса.

Большим вкладом в теорию колебаний и теорию нелинейных дифференциальных уравнений является развитый Ю. А. Митропольским метод исследования одночастотных режимов в колебательных системах со многими степенями свободы. Этот метод позволил во многих случаях понять картину колебательных процессов в системах со многими степенями свободы. Впоследствии он был применен Ю. А. Митропольским для исследования систем с распределенными параметрами, описываемых нелинейными дифференциальными уравнениями в частных производных, близких к уравнениям гиперболического типа. Как известно, одночастотный метод позволяет получить приближенное представление не для общего решения соответствующей системы уравнений, содержащего  $n$  произвольных постоянных, а лишь для частного — двупараметрического семейства. Создав алгоритмы для построения указанных решений различных классов нелинейных дифференциальных уравнений, Ю. А. Митропольский доказал ряд теорем, устанавливающих критерии устойчивости изучаемых двупараметрических семейств частных решений, которые в дальнейшем вылились в стройную теорию интегральных многообразий, получившую самостоятельное значение при исследовании дифференциальных уравнений как с малым, так и с большим параметрами.

Разработанные Ю. А. Митропольским методы доказательства теорем существования интегральных многообразий, а также эффективные способы их подсчета являются крупным вкладом в теорию обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод интегральных многообразий имеет не только большое теоретическое значение, но и прикладное; так, например, при помощи этого метода были определены оптимальные стационарные режимы в сложных динамических системах.

Наряду с высоким теоретическим уровнем, отличительной чертой работ Ю. А. Митропольского является их направленность на эффективное решение актуальных прикладных проблем. Постоянное внимание к физической сущности исследуемых явлений и умение обнаружить и истолковать новые явления придает исследованиям Ю. А. Митропольского особую ценность.

Разработанные Юрием Алексеевичем Митропольским методы использованы в работах, посвященных исследованию колебаний турбинной лопатки при изменяющейся частоте возбуждения, для исследования систем регулирования с медленно изменяющимися параметрами, для исследования резонансных явлений в электрических цепях, в целом ряде физических задач, связанных с медленно меняющимися в пространстве или во времени параметрами, что во многих задачах физики практически всегда выполняется (при исследовании резонансной и шумовой раскочки синхронных колебаний в ускорителе, для исследования различных случаев резонанса с медленными фазовыми колебаниями, при исследовании ряда вопросов физики плазмы и, в первую очередь, при разработке теории устойчивости плазмы в неоднородных и переменных полях).

Асимптотический метод Ю. А. Митропольского исследования нелинейных колебательных систем с медленно меняющимися параметрами является мощным и гибким методом, имеющим перспективы широкого дальнейшего применения в ряде задач акустики, гидромеханики, газодинамики и других областях.

Юрий Алексеевич относится к той категории ученых, для которых не существует резкого разграничения математики на чистую и прикладную. Разработанные им методы отличаются ясностью и доступностью схемы, а решения конкретных задач получают в его работах точное математическое выражение и всегда строго обоснованы.

Юрий Алексеевич имеет большое число последователей и учеников, работающих как в направлении дальнейшего развития асимптотических методов, так и в направлении их применения к решению прикладных задач. Под его руководством написано и защищено свыше 20 кандидатских и докторских диссертаций.

Свою научную деятельность Юрий Алексеевич блестяще сочетает с научно-организационной, педагогической и общественной деятельностью.

На протяжении многих лет Юрий Алексеевич читает лекции в Киевском университете.

Являясь с 1958 г. директором Института математики, Ю. А. Митропольский много сил и энергии отдает развитию института.

Нельзя также не отметить того большого внимания, которое уделяет Юрий Алексеевич математическому воспитанию молодежи. По его инициативе и при его участии в Советском Союзе впервые с 1963 г. организуются летние математические школы, где для молодых ученых из разных городов Советского Союза читаются лекции ведущими специалистами из различных областей математики.

Юрий Алексеевич Митропольский — выдающийся ученый, большой организатор науки, талантливый воспитатель молодежи, человек высокой культуры. Этим он снискал авторитет и глубокое уважение не только в коллективе Института математики, но и среди широких кругов научной общности.

Юрий Алексеевич встретил свое пятидесятилетие в полном расцвете новых творческих замыслов.

Пожелаем Юрию Алексеевичу доброго здоровья и больших успехов в его многогранной деятельности.

### Список основных работ Ю. А. Митропольского

#### Статьи

1. Собственные колебания нелинейной системы с медленно меняющимися параметрами, Сб. тр. ИСМ, № 11, 1948, 107—114.
2. Исследование собственных колебаний нелинейной системы, близкой к точно интегрирующейся, при наличии медленно меняющихся параметров, Сб. тр. ИСМ, № 11, 1948, 99—106.
3. Исследование колебаний в нелинейных системах со многими степенями свободы и медленно меняющимися параметрами, УМЖ, т. 1, № 2, 1949, 85—98.
4. Применение символических методов к исследованию нелинейных систем с медленно меняющимися параметрами, Сб. тр. ИСМ, № 13, 1949, 99—111.
5. О стационарных колебаниях в нелинейных системах со многими степенями свободы, Сб. тр. ИСМ, № 12, 1950, 228—233.
6. Исследование колебаний нелинейной системы с медленно меняющимися параметрами, Сб. тр. ИСМ, № 14, 1950, 134—144.
7. Медленные процессы в нелинейных колебательных системах со многими степенями свободы, Приклад. матем. и механ., т. XIV, № 2, 1950, 139—170.
8. О прохождении через резонанс в нелинейной колебательной системе со многими степенями свободы, Сб. тр. ИСМ, № 17, 1952, 47—50.
9. Вынужденные колебания в нелинейных системах при прохождении через резонанс, Инж. сб., т. XV, 1953, 89—98.
10. О колебаниях в гироскопических системах при прохождении через резонанс, УМЖ, т. V, № 3, 1953, 333—349.
11. Про вплив пружних елементів з нелінійною характеристикою на малі коливання в деяких гіроскопічних системах., Наук. зап. КДУ, № 5, 1954, 107—114.
12. О нестационарных колебаниях в системах со многими степенями свободы, УМЖ, т. VI, № 2, 1954, 176—189.
13. О воздействии на нелинейный вибратор синусоидальной силы с модулированной частотой, УМЖ, т. VI, № 4, 1954, 442—447.
14. К вопросу о прохождении через резонанс второго рода, УМЖ, т. VII, № 1, 1955, 121—123.
15. Асимптотические методы Н. П. Боголюбова и их дальнейшее развитие, *Revue de mathematiques Pures et Appliquees (Academie de la RPR)*, t. I, N 3, 1956, 15—26.
16. Воздействие на нелинейные колебательные системы внешних сил с переменными частотами, *Buletinul institutului Politehnic din Jasi. Serie noua*, t. III (VII), 1—2, 1957, 15—24.
17. К вопросу о внутреннем резонансе в нелинейных колебательных системах, Наук. зап. КДУ, Матем. зб. № 9, т. XVI, вып. II, 1957, 53—61.
18. О некоторых дифференциальных уравнениях, встречающихся в теории релаксационных колебаний, УМЖ, т. IX, № 3, 1957, 296—309.
19. Про неусталені процеси в деяких релаксаційних коливних системах, Наук. зап. КДУ, Матем. зб. № 10, т. XVI, вып. II, 1957, 93—101.
20. Про асимптотичне представлення розв'язків системи нелінійних рівнянь зі змінними коефіцієнтами, Наук. щорічн. КДУ за 1956 р., 1957, 504—506.
21. Об исследовании интегрального многообразия для системы нелинейных уравнений с переменными коэффициентами, УМЖ, т. X, № 3, 1958, 270—280.
22. Об устойчивости однопараметрического семейства решений системы уравнений с переменными коэффициентами, УМЖ, т. X, № 4, 1958, 389—393.
23. До питання про рівняння, близькі до точно інтегровних, Вісн. КДУ, сер. астр., матем. та механ., вип. 1, № 1, 1958, 97—100.
24. До питання про порядок погрешності при асимптотичному інтегруванні рівнянь, близьких до точно інтегровних, Вісн. КДУ, сер. астр., матем. та механ., вип. 2, № 1, 1958, 3—6.
25. Асимптотические методы в теории нелинейных колебаний. Тр. III Всесоюзн. матем. съезда, т. III, 1958, 531—542.
26. Quelques questions de l'integration asymptotique des equations differentielles non lineaires, Изд-во АН УССР, 1958, 1—17.
27. Дослідження нестационарних коливальних режимів в системах з розподіленими параметрами, Вісн. КДУ, сер. астрон., матем. та механ., вип. 1, № 2, 1959, 3—17 (совм. с Б. И. Мосеенковым).

28. О некоторых уравнениях, близких к точно интегрирующимся, Сб., Автомат. управл. и вычислит. техн., вып. 2, 1959, 221—248.
29. О периодических решениях системы нелинейных дифференциальных уравнений с недифференцируемыми правыми частями, ДАН СССР, т. 128, № 6, 1959, 1118—1121.
30. Про періодичні розв'язки систем нелінійних диференціальних рівнянь, близьких до автономних, Доп. АН УРСР, № 11, 1959, 1175—1178 (совм. с О. Б. Лыковой).
31. О периодических решениях систем нелинейных дифференциальных уравнений, правые части которых недифференцируемы, УМЖ, т. XI, № 4, 1959, 366—379.
32. До питання про нелінійні рівняння з періодичними коефіцієнтами, Вісн. КДУ, сер. астрон. матем. та механ., вип. 2, 1959, 3—12 (совм. с О. Б. Лыковой).
33. До питання про періодичні розв'язки неавтономних систем у випадку ізольованого породжувачого розв'язку, Доп. АН УРСР, № 1, 1960, 3—6 (совм. с О. Б. Лыковой).
34. Sur les multiplicités intégrales des systèmes d'équations différentielles non linéaires ayant un petit paramètre Ann. Mat. pura appl., Serie IX, t. XLIX, Bologna, 1960, 181—192.
35. Najnowsze osiągnięcia w dziedzinie mechaniki nieliniowej Rozprawy inżynierskie CXI.VI, t. VIII, zeszyt-2, 1960, 125—135.
36. К вопросу о периодических решениях нелинейных уравнений с малым параметром, УМЖ, т. XII, № 4, 1960, 391—401 (совм. с О. Б. Лыковой).
37. Про нелінійні диференціальні рівняння з періодичними коефіцієнтами та повільно змінними параметрами, Вісн. КДУ, сер. матем. та механ., вип. 2, № 3, 1960, 3—10 (совм. с О. Б. Лыковой).
38. К вопросу о периодических решениях системы нелинейных дифференциальных уравнений с недифференцируемыми правыми частями, Bul. Inst. polytechnic, Din. jaşi, ser. pova, t. VI (X), Fasc. 3—4, 1960, 7—12 (совм. с О. Б. Лыковой).
39. Побудова асимптотичного розв'язку автономної системи з сильною нелінійністю Доп. АН УРСР, № 7, 1961, 839—844 (совм. с П. М. Сеником).
40. Аналитические методы теории нелинейных колебаний, Тр. Всесоюз. съезда по теоретич. и прикладной механ., Изд-во АН СССР, 1962, 25—35 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
41. Méthodes Analytiques de la Théorie des Oscillations Non-linéaires, Proceedings of the Tenth International Congress of Applied Mechanics, Stresa, Amsterdam — New York, 1960, 9—25 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
42. The Method of Integral Manifolds in the Theory of Nonlinear Oscillations, International Symposium on Nonlinear Differential Equations and Nonlinear Mechanics, New York — London, 1963, 1—15.
43. Метод интегральных многообразий в нелинейной механике, Тр. Межд. симпоз. по нелинейн. колеб., т. I, 1963, 93—154 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
44. Перевод: The Method of Integral Manifolds in Nonlinear Mechanics, Contributions to Differential Equations, vol II, 1963, 123—196 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
45. Исследование нестационарных колебаний в нелинейных системах, Тр. межд. симп. по нелинейн. колеб., т. III, 1963, 241—274.
46. Метод интегральных многообразий в теории дифференциальных уравнений, Тр. четвертого Всесоюз. матем. съезда, т. II, 1964, 432—437 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
47. Об интегральном многообразии нелинейных дифференциальных уравнений, содержащих медленные и быстрые движения, УМЖ, т. XVI, № 2, 1964, 157—163 (совм. с О. Б. Лыковой).
48. Об исследовании интегрального многообразия для системы нелинейных уравнений, близких к уравнениям с переменными коэффициентами в гильбертовом пространстве, УМЖ, т. XVI, № 3, 1964, 334—338.
49. О построении общего решения нелинейных дифференциальных уравнений с помощью метода, обеспечивающего «ускоренную» сходимость, УМЖ, т. XVI, № 4, 1964, 475—501.
50. До питання про структуру траєкторій на тороїдальних многовидах, Доп. АН УРСР № 8, 1964, 984—986 (совм. с А. М. Самойленко).
51. Исследование поведения решений нелинейных уравнений в окрестности положения равновесия, Ин-т матем. АН УССР, Ин-т техн. информ., К., 1964, 3—44 (совм. с О. Б. Лыковой).
52. Об исследовании квазипериодических режимов в нелинейных колебательных системах, Les vibrations forcées dans les systèmes non-linéaires, Paris, 1965, 181—192 (совм. с Н. Н. Боголюбовым).
53. Sur l'existence de solutions quasi-périodiques d'un système canonique tronqué, Les vibrations forcées dans les systèmes non-linéaires, Paris, 1965, 407—414 (совм. с О. Б. Лыковой).
54. Применение асимптотических методов нелинейной механики к исследованию нелинейных колебательных систем с распределенными параметрами, III Konferenz über Nichtlineare Schwingungen (Berlin vom 25 bis 30 Mai 1964), I. Akademie — Verlag, Berlin, 1965, 10—20.
55. Исследование поведения решений нелинейных уравнений в окрестности положения

- ния равновесия, Респуб. межвед. сб. «Матем. физика», К., 1965, 74—96 (совм. с О. Б. Лыковой).
56. Об интегральном многообразии нелинейной системы в гильбертовом пространстве, УМЖ, т. 17, № 5, 1965, 43—53 (совм. с О. Б. Лыковой).
57. О построении решений линейных дифференциальных уравнений с квазипериодическими коэффициентами с помощью метода ускоренной сходимости, УМЖ, т. 17, № 6, 1965, 42—59 (совм. с А. М. Самойленко).
58. Асимптотические методы нелинейной механики применительно к нелинейным уравнениям с запаздывающим аргументом, УМЖ, т. 18, № 3, 1965, 65—84 (совм. с В. И. Фодчуком).

### Монографии

1. Нестационарные процессы в нелинейных колебательных системах, Изд-во АН УССР, 1955.
2. Перевод: Нестационарные процессы в нелинейных колебательных системах (на китайском языке), Изд-во «Наука», Пекин, 1958.
3. Перевод: Nonstationary Process in Non-Linear Oscillatory Systems «Air Technical Intelligence Translation ATIC-270579 F-TS-9085/V, 1961.
4. Перевод: Нестационарные процессы в нелинейных колебательных системах (на японском языке), Токио, 1962.
5. Асимптотические методы в теории нелинейных колебаний, Гостехиздат, 1955 (совм. с Н. П. Боголюбовым).
6. Второе издание, исправленное и дополненное, Физматгиз, М., 1958.
7. Третье издание, исправленное и дополненное, Физматгиз, М., 1963.
8. Перевод: Асимптотические методы в теории нелинейных колебаний (на японском языке).
9. Перевод: Asimptotic Methods in the Theory of Non-linear Oscillations. Gordon and Breach, Science Publishers, New York, Hindustan Publishing, Corpn., Delhi, 6, 1961.
10. Перевод: Асимптотические методы в теории нелинейных колебаний (на китайском языке), Пекин, 1962.
11. Перевод: Les Méthodes Asymptotiques en Théorie des Oscillation non-linéaires. Gauthier-Villars, Paris, 1962.
12. Перевод: Asymptotische Methoden in der Theorie der Nichtlinearen Schwingungen. Academie — Verlag, Berlin, 1965.
13. Дослідження коливань в системах з розподіленими параметрами (асимптотичні методи), Вид-во КДУ, 1961 (совм. с Б. И. Моссеиновым).
14. Проблемы асимптотической теории нестационарных колебаний, Изд-во «Наука», М., 1964.
15. Лекции по методу усреднения в нелинейной механике, Изд-во АН УССР, К., 1966.

*В. М. Глушков, О. С. Парасюк, В. С. Королюк, О. Б. Лыкова*