

В статье «Регуляризованный метод Ньютона для решения нелинейных краевых задач» (УМЖ, т. 22, № 4, 1970 г.) пункт 5 теоремы 1 по моему недосмотру сформулирован неверно. Начиная с этого пункта теорему правильно следует читать так: «5) множество  $D$  замкнуто и компактно, параметры  $\alpha_k$  выбраны так, что при каждом  $k$  выполняется неравенство  $\|g(x_k - \alpha_k z_k)\| < \|g(x_k)\|$ , а ряд  $\sum_{i=1}^{\infty} \alpha_i$  расходится и  $0 < \alpha_k \leq [2(a_1^2 + \delta_k \varrho_1) - \beta]/(bc + a_2^2)$ ,  $\beta > 0$ , то в  $D$  существует множество  $G$  элементов  $\bar{x}$ , на которых  $\Gamma^*(\bar{x}) \times g(\bar{x}) = 0$ , и  $\inf_G \|x_k - \bar{x}\| \rightarrow 0$  при  $k \rightarrow \infty$ , если  $x_k$  определяется итерационным процессом (3)». Доказательство теоремы, начиная с оценки  $\|g_{k+p+1}\|^2$ , также подлежит изменению. Имеем:  $\|g_{k+1}\|^2 = \|g(x_k - \alpha_k z_k)\|^2 \leq \|g_k\|^2 - 2\alpha_k (\tilde{\Gamma}_k z_k, g_k) + \alpha_k^2 a_2^2 \|z_k\|^2$ , где  $\tilde{\Gamma}_k = \int_0^1 \Gamma(x_k - \tau \alpha_k z_k) d\tau$ . Оценивая  $(\tilde{\Gamma}_k z_k, g_k)$  снизу, получаем:  $\|g_{k+1}\|^2 \leq \|g_k\|^2 - \alpha_k \times [2(a_1^2 + \delta_k \varrho_1) - \alpha_k (bc + a_2^2)] \|z_k\|^2 \leq \|g_k\|^2 - \alpha_k \beta \|z_k\|^2$ . Отсюда  $\alpha_k \|z_k\|^2 \leq \frac{1}{\beta} \times [\|g_k\|^2 - \|g_{k+1}\|^2]$ .  $\sum_{i=k}^{k+p} \alpha_i \|z_i\|^2 \leq \frac{1}{\beta} [\|g_k\|^2 - \|g_{k+p+1}\|^2]$ . Поскольку ряд  $\sum_{i=1}^{\infty} \alpha_i$  расходится, то  $\|z_i\| \rightarrow 0$  при  $i \rightarrow \infty$ . Из (3) тогда следует, что  $\|\Gamma^*(x_k) g(x_k)\| \rightarrow 0$  при  $k \rightarrow \infty$ . Выберем из  $\{x_k\}$  подпоследовательность  $\{x_{k_i}\}$ , сходящуюся к некоторому элементу  $\bar{x}$ . Предельный переход в (3) дает  $\Gamma^*(\bar{x}) g(\bar{x}) = 0$ , что доказывает существование множества  $G$ . Предположим теперь, что  $\inf_G \|x_k - \bar{x}\| \geq c_0 > 0$  для всех  $k \geq k_0$ . Определим множество  $D^*$  элементов  $x$  так:  $\inf_G \|x - \bar{x}\| \geq c_0$ . Но в замкнутом множестве  $D \cap D^*$  будет  $\|\Gamma^*(x_k) g(x_k)\| \geq c_1 > 0$  для всех  $k \geq k_0$ , что противоречит сходимости  $\|\Gamma_k^* g_k\|$  к нулю. Следовательно, наше предположение неверно и  $\inf_G \|x_k - \bar{x}\| \rightarrow 0$  при  $k \rightarrow \infty$ . Соответствующей корректировки требует и замечание 1 к теореме 1: во второй части замечания следует предполагать расходимость ряда  $\sum_{k=1}^{\infty} \beta_k$ , где  $\beta_k = \alpha_k [2\delta_k \varrho_1 - \alpha_k (bc + a_2^2)] > 0$ .

Получено 21.VIII 1970 г.

В. Е. Шаманский